Prova scritta parziale n.2 del 22. 12. 2006 [fila 1]

1.

Dato

$$w = \frac{i^6 z}{z + 2 + 2i^7} ,$$

scriverne parte reale e parte immaginaria, trovare i numeri complessi z tali che w risulti reale e disegnare nel piano complesso l'insieme delle soluzioni z trovate.

2.

Calcolare a scelta uno dei seguenti limiti

$$\lim_{x \to 0^{+}} \frac{\operatorname{sen} \sqrt{\frac{x}{1+x^{2}}}}{\log (1+\sqrt{x}+\operatorname{sen} x)}$$

$$\lim_{n\to+\infty} \left(\frac{n^2+3}{n^2+n+2} \right)^n$$

3.

Utilizzando la definizione di limite, verificare che è

$$\lim_{x \to e} \log \frac{e}{\log x} = 1$$

4.

Trovare il campo di esistenza della funzione

$$\log \frac{2 \sin x - 1}{\sin 2 x}.$$

Prova scritta parziale n.2 del 22. 12. 2006 [fila 2]

1.

Dato

$$w = \frac{z}{i^3 z + 2 + 3i^6} ,$$

scriverne parte reale e parte immaginaria, trovare i numeri complessi z tali che w risulti immaginario puro e disegnare nel piano complesso l'insieme delle soluzioni z trovate.

2.

Calcolare a scelta uno dei seguenti limiti

$$\lim_{x \to 0^{+}} \frac{e^{\sqrt{x+x^{2}}} - 1}{\sqrt{x} \left[\log (tg \, 4x) - \log x \right]}$$

$$\lim_{n \to +\infty} \left(\frac{2n^2 + n}{2n^2 + 1} \right)^n$$

3.

Utilizzando la definizione di limite, verificare che è

$$\lim_{x \to 0} \log \frac{1}{\log (e + x)} = 0$$

4.

Trovare il campo di esistenza della funzione

$$\sqrt{\frac{\cos 2x}{2\cos x - 1}}.$$

Prova scritta parziale n.2 del 22. 12. 2006 [fila 3]

1.

Dato

$$w = \frac{i^6 z}{z - 2 + 2i^7} ,$$

scriverne parte reale e parte immaginaria, trovare i numeri complessi z tali che w risulti reale e disegnare nel piano complesso l'insieme delle soluzioni z trovate.

2.

Calcolare a scelta uno dei seguenti limiti

$$\lim_{x \to 0^{+}} \frac{\log \left(1 + \sqrt{1 - \cos x}\right)}{1 - e^{\sin^2(3x)}}$$

$$\lim_{n \to +\infty} \left(\frac{n^2 + 2}{n^2 - 3n + 1} \right)^n$$

3.

Utilizzando la definizione di limite, verificare che è

$$\lim_{x \to 0} \log \frac{1}{\sqrt{x+1}} = 0$$

4.

Trovare il campo di esistenza della funzione

$$\log \frac{\operatorname{sen} x - \cos 2x}{\operatorname{tg} 2 x} .$$

Prova scritta parziale n.2 del 22. 12. 2006 [fila 4]

1.

Dato

$$w = \frac{z}{i^3 z - 2 + 3i^6} ,$$

scriverne parte reale e parte immaginaria, trovare i numeri complessi z tali che w risulti immaginario puro e disegnare nel piano complesso l'insieme delle soluzioni z trovate.

2.

Calcolare a scelta uno dei seguenti limiti

$$\lim_{x \to 0^{+}} \frac{\sin \sqrt{x^{2} + x^{4}}}{x [2 \log x - \log (1 - \cos x)]}$$

$$\lim_{n \to +\infty} \left(\frac{2 n^2 + 1}{2 n^2 - 3 n + 2} \right)^n$$

3.

Utilizzando la definizione di limite, verificare che è

$$\lim_{x \to e} \log \frac{1}{\log x} = 0$$

4.

Trovare il campo di esistenza della funzione

$$\sqrt{\frac{\operatorname{tg} x}{\operatorname{sen} 2 x + \cos x}}.$$