

Prova scritta del 13.7.2021

Prima parte [A]

1. Date le funzioni $f(x) = \log x$, $g(x) = \frac{x+1}{x-1}$, $h(x) = \sqrt{x}$, scrivere la funzione composta $g \circ f$ o h , precisandone il campo di esistenza.
2. Scrivere il polinomio di Taylor di punto iniziale $x_0 = 0$ e grado $n = 4$ per la funzione $f(x) = \log(1 + \operatorname{tg}^2 x) - \log(1 + \operatorname{tg} x^2)$.
3. Data la funzione $f(x) = (x^2 + 1)^{3x}$, calcolare $f'(1)$.
4. Calcolare. $\int \frac{dx}{x^2 + 2x + 2}$.
5. Scrivere in forma algebrica il numero complesso $\left(\frac{1-i}{1+i}\right)^3$.
6. Calcolare (se esistono) massimo M , minimo m , estremo superiore L ed estremo inferiore I della successione $\frac{n^2 - n + 1}{n - 1}$ definita per $n \in \mathbb{N} - \{1\}$.
7. Trovare il campo di esistenza della funzione $f(x) = \log(x + \sqrt{x^2 + x - 2})$.
8. Risolvere l'equazione differenziale $y'' + 2y' + 2y = \cos x$.

Prova scritta del 13.7.2021

Prima parte [B]

1. Date le funzioni $f(x) = \log x$, $g(x) = \frac{x+1}{x-1}$, $h(x) = \sqrt{x}$, scrivere la funzione composta $h \circ g \circ f$, precisandone il campo di esistenza.
2. Scrivere il polinomio di Taylor di punto iniziale $x_0 = 0$ e grado $n = 4$ per la funzione $f(x) = \log(1 + \sin^2 x) - \log(1 + \sin x^2)$.
3. Data la funzione $f(x) = (x+1)^{3x^2}$, calcolare $f'(1)$.
4. Calcolare. $\int \frac{dx}{x^2 - 2x + 2}$.
5. Scrivere in forma algebrica il numero complesso $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^3$.
6. Calcolare (se esistono) massimo M , minimo m , estremo superiore L ed estremo inferiore l della successione $\frac{n^2 + n + 1}{n + 1}$.
7. Trovare il campo di esistenza della funzione $f(x) = \log(\sqrt{x^2 - x - 2} - x)$.
8. Risolvere l'equazione differenziale $y'' - 2y' + 2y = \sin x$.

Prova scritta del 13.7.2021

Prima parte [C]

1. Date le funzioni $f(x) = \log x$, $g(x) = \frac{x+1}{x-1}$, $h(x) = \sqrt{x}$, scrivere la funzione composta $f \circ g$ o h , precisandone il campo di esistenza.
2. Scrivere il polinomio di Taylor di punto iniziale $x_0 = 0$ e grado $n = 4$ per la funzione $f(x) = \log(1 + \operatorname{tg} x^2) - \log(1 + \operatorname{tg}^2 x)$.
3. Data la funzione $f(x) = (x^2 + 1)^{2x}$, calcolare $f'(1)$.
4. Calcolare. $\int \frac{dx}{x^2 + 4x + 5}$.
5. Scrivere in forma algebrica il numero complesso $\left(\frac{1-i}{1+i}\right)^5$.
6. Calcolare (se esistono) massimo M , minimo m , estremo superiore L ed estremo inferiore I della successione $\frac{4n^2 - 2n + 1}{2n - 1}$.
7. Trovare il campo di esistenza della funzione $f(x) = \log(2x + \sqrt{4x^2 + 2x - 2})$.
8. Risolvere l'equazione differenziale $y'' + 2y' + 2y = \operatorname{sen} x$.

Prova scritta del 13.7.2021

Prima parte [D]

1. Date le funzioni $f(x) = \log x$, $g(x) = \frac{x+1}{x-1}$, $h(x) = \sqrt{x}$, scrivere la funzione composta $g \circ h \circ f$, precisandone il campo di esistenza.
2. Scrivere il polinomio di Taylor di punto iniziale $x_0 = 0$ e grado $n = 4$ per la funzione $f(x) = \log(1 + \sin x^2) - \log(1 + \sin^2 x)$.
3. Data la funzione $f(x) = (x+1)^{2x^2}$, calcolare $f'(1)$.
4. Calcolare. $\int \frac{dx}{x^2 - 4x + 5}$.
5. Scrivere in forma algebrica il numero complesso $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^5$.
6. Calcolare (se esistono) massimo M , minimo m , estremo superiore L ed estremo inferiore I della successione $\frac{4n^2 + 2n + 1}{2n - 1}$.
7. Trovare il campo di esistenza della funzione $f(x) = \log(\sqrt{4x^2 - 2x - 2} - 2x)$
..
8. Risolvere l'equazione differenziale $y'' - 2y' + 2y = \sin x$.