

ESERCITAZIONE 2.1

| | | | | | | | | | |
|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | | |
| (Nome) | | | | | | | | | |

(Numero di matricola)

PUNTEGGIO: risposta mancante = 0 ; risposta esatta = +2 ; risposta sbagliata = -2
se la risposta non esiste, indicare N.E.

- Dire se le seguenti proposizioni sono vere o false:

| Proposizione | Vera | Falsa |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| $a_n = (-1)^n$ ha due limiti | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| La successione $\{e^{n^2-8n}\}$ è monotona | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| a_n convergente $\Rightarrow a_n^2$ convergente | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| Esiste \bar{n} tale che $\forall n \geq \bar{n} \quad 2^n + 20 \cdot n \geq 2001^{2001}$ | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| Esiste \bar{n} tale che $\forall n \geq \bar{n} \quad \frac{\sin(n)}{2^n} \geq 1$ | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^5 - n^2 - 1}{1 + 2n - 2n^3} = +\infty$ | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| $2 < a_n < 3 \quad \forall n \in \mathbb{N} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n} = 1$ | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| Se esiste $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 5$ allora esiste $\lim_{k \rightarrow \infty} \cos(a_n)$ | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

- Determinare $\sup\{y = \arctan(x) \mid x > 0\} = \dots$

- Determinare $\inf\{x \mid \arctan(2x - 5) \geq 0\} = \dots$

- Determinare $\sup\{y = |x^2 - 4x + 3| \mid -1 < x < 4\} = \dots$

- Determinare $\sup\{y = -n^2 + 6n - 5 : n \in \mathbb{N}\} = \dots$

- Determinare $\inf\{y = e^{-2x} \mid 0 < x < 2\pi\} = \dots$

- Calcolare i seguenti limiti

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n^2 \cdot \sin(n \frac{\pi}{12}) = \dots$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\cos(n\frac{\pi}{6})}{n!} = \dots$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n+\cos(n)+2}}{n \cdot \log n} = \dots$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n + \log n}{2n + \sin(n)} = \dots$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (\sin \frac{1}{n})^n = \dots$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n + n}{n^5 + \log n} = \dots$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{e^n + n}{e^{2n} + 3n} = \dots$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3}{\sqrt[n]{3n}} = \dots$$