



Matematica III — Quiz del 5/6/03

Nome _____ Cognome _____ Matricola _____

1. Se $T \subset \mathbb{R}^2$ è il triangolo di vertici $(0, -1)$, $(1, 0)$ e $(0, 1)$, n è la normale esterna a ∂T , e $v(x, y) = (x + e^y, \sin(x) + y^2)$, è vero che $\int_{\partial T} \langle v | n \rangle$ è nullo? V / F
2. Se $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ è differenziabile e $f(0, 0) = 0$, è sempre vero che $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : f(x, y) = 0\}$ è una curva vicino a $(0, 0)$? V / F
3. Se $(a_n)_{n=0}^\infty$ è tale che $a_{n+2} = 2ia_{n+1} + a_n$, $a_0 = 1$, $a_1 = i - 1$, è vero che a_{138} è reale? V / F
4. Se $f, g \in \mathcal{H}(\mathbb{C} \setminus \{0\})$, f ha in 0 un polo semplice, e $g(z) = f(z)^2$, può g avere in 0 residuo non nullo? V / F
5. È sempre vero che $\mathcal{F}(f * g) = \mathcal{F}(f) \cdot \mathcal{F}(g)$? V / F
6. La curva $\alpha : [0, 2\pi] \rightarrow \mathbb{R}^2$ data da $\alpha(t) = (\sin(t), \sin(2t))$ è: A Semplice e non chiusa.
 B Semplice e chiusa. C Chiusa e non semplice. D Né semplice né chiusa.
7. Se $\sigma, \tau : [0, 1]^2 \rightarrow S$ parametrizzano la superficie $S \subset \mathbb{R}^3$, quale vale sempre? A $\sigma^{-1} \circ \tau$ è lineare.
 B $\det(J(\sigma^{-1} \circ \tau)) \neq 0$. C $\det(J\sigma) \cdot \det(J\tau) \neq 0$. D Nessuna delle precedenti.
8. Sia $P \subset \mathbb{R}^3$ la piramide di base $[-1, 1] \times [-1, 1] \times \{0\}$ e vertice $(0, 0, 1)$.
Quanto fa $\int_{\partial P} (e^y dx dy + y dx dz)$? A $-4/3$. B $4/3$. C 1. D -1 .
9. Che tipo di punto è $(0, 0)$ per il sistema $\begin{cases} x' = y + 2x \cos(y) \\ y' = x + \sin(xy) \end{cases}$? A Stazionario attrattivo.
 B Stazionario repulsivo. C Stazionario di sella. D Non stazionario.
10. Se $x'' = 2x' + 3x$, $x(0) = 3$, $x'(0) = 1$, quanto fa $x(\log 2)$?
 A 10. B 6. C 7. D 9.
11. La serie $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{\sin(\pi(1+2n)/4)}{n+\log(2+n)}$ A Converge assolutamente.
 B Converge non assolutamente. C Ha somma $+\infty$. D Nessuna delle precedenti.
12. Se $f : \Omega \rightarrow \mathbb{C}$ è olomorfa e $f = u + iv$, quale delle seguenti può **non** valere?
 A $u_x = v_y$. B $u_y = v_x$. C $u_{xx} + u_{yy} = 0$. D $u_y + v_x = 0$.
13. Se $f(z) = \frac{z^3+3}{z^2-1}$ e $\gamma : [0, 2\pi] \rightarrow \mathbb{C}$ è data da $\gamma(t) = (2 \sin t, \cos t)$, quanto fa $\frac{1}{2\pi i} \int_{\gamma} f(z) dz$?
 A -1 . B 0. C 1. D 2.
14. Se $\Omega = \{z \in \mathbb{C} : |\Im(z)| < 1\}$ e $f \in \mathcal{H}(\Omega)$, quale delle seguenti garantisce che f sia sempre nulla?
 A $f(\frac{in}{n+1}) = 0 \forall n \in \mathbb{N}$. B $f(n) = 0 \forall n \in \mathbb{N}$.
 C $f(\frac{n}{n+1}(-1 + i \cos(n\pi))) = 0 \forall n \in \mathbb{N}$. D Nessuna delle precedenti.
15. Se $f(t) = \frac{\sin t}{|t|}$ e $S_N(f)$ è la N -esima approssimazione di Fourier di f su $[-\pi, \pi]$, quale è **falsa**?
 A $\lim_{N \rightarrow \infty} S_N(f)(0) = 0$. B $S_N(f)$ converge a f uniformemente su $(0, \pi]$.
 C $S_N(f)$ è differenziabile. D $S_N(f)$ è dispari.

Il foglio deve essere intestato immediatamente con nome, cognome e matricola. Deve essere esibito il libretto o un documento. Non è concesso alzarsi prima del termine né chiedere chiarimenti. I telefoni devono essere mantenuti spenti. Sul tavolo è consentito avere solo i fogli forniti e una penna. Prima di consegnare bisogna annotare le risposte date sul foglio fornito. Le domande V/F valgono ± 3 punti, le altre $+3/-1$ punti. Le risposte omesse valgono 0. Va consegnato questo foglio.



Matematica III — Quiz del 5/6/03

Nome _____ Cognome _____ Matricola _____

Pro-memoria delle risposte fornite (da non consegnare)

1. V F

2. V F

3. V F

4. V F

5. V F

6. A B C D

7. A B C D

8. A B C D

9. A B C D

10. A B C D

11. A B C D

12. A B C D

13. A B C D

14. A B C D

15. A B C D

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10.



Risposte esatte

.

1. F

2. F

3. F

4. V

5. V

6. C

7. B

8. A

9. C

10. D

11. B

12. B

13. A

14. D

15. B