



“Matematica III 00/01” + “Matematica 99/00” – Quiz del 27/01/01

Nome _____ Cognome _____ Matricola _____

- Siano $f, g : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ funzioni continue e $\gamma : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}^2$ una curva tali che per ogni t il vettore $(f(\gamma(t)), g(\gamma(t)))$ è ortogonale al vettore $\gamma'(t)$. E' vero che $\int_{\gamma} (f dx + g dy) = 0$? V / F
- Tra le soluz. dell'eq. diff. $x'' + 2x' = 1$ ne esiste almeno una tale che $\lim_{t \rightarrow \infty} x(t)$ sia finito? V / F
- Converge la serie $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^2}{(n+1)(n+2)}$? V / F
- Se $f(t) = (t/\pi)^3$ e $\alpha_n(f) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{+\pi} e^{-int} f(t) dt$, è vero che $\sum_{n=-\infty}^{+\infty} \alpha_n(f) e^{in\pi} = 1$? V / F
- Se $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{C}$ è continua ed è nulla fuori da $[-1, +1]$, posto $F(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-itx} f(t) dt$, si può concludere che $\lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = 0$? V / F
- Se $\Delta = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 1\}$ allora $\int_{\partial\Delta} (\cos(e^y) dy - y dx)$ fa: A 0. B $\frac{\pi}{2}$. C π . D $\cos(e^\pi)$.
- Sia ω una 2-forma su \mathbb{R}^3 tale che $d\omega = 0$ e $S \subset \mathbb{R}^3$ una superficie. In quale caso si può concludere che $\int_S \omega = 0$? A Se $S = \partial\Omega$ con Ω limitato. B Se S è il grafico di una funzione $z = Z(x, y)$. C Se S è contenuta in una sfera. D Nessuno dei precedenti.
- Sia $f(x, y) = y \cdot e^x$ e $S = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y^2 = (x^2 + x)^2, 0 \leq x \leq 1\}$. Quale è giusta per la f su S ? A È costante. B Ha un massimo e un minimo. C Ha un massimo ma non ha minimo. D Ha un minimo ma non ha massimo.
- Quale delle seguenti funzioni è soluzione dell'equazione differenziale $t(x''' + x' - 1) = x - x''$? A $x(t) = t \cdot \log(t)$. B $x(t) = t \cdot e^t$. C $x(t) = t^2 + 1$. D $x(t) = \sin(t)$.
- Sia $a_{n+3} = \alpha \cdot a_{n+2} + \beta \cdot a_{n+1} + \gamma \cdot a_n$ una equazione alle differenze con $\alpha, \beta, \gamma \in \mathbb{C}$. Sia $z \in \mathbb{C}$ tale che $z \neq 0$ e $(z^n)_{n=0}^{\infty}$ risolve l'equazione considerata. È vero che anche $(z^{-n})_{n=0}^{\infty}$ la risolve? A Sì, sempre. B Sì, supponendo solo che α, β e γ siano reali. C Sì, supponendo solo che $|z| = 1$. D Sì, supponendo sia che $\alpha, \beta, \gamma \in \mathbb{R}$ sia che $|z| = 1$.
- Sia $f_n : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f_n(t) = 0$ per $|t - n| > 1/n$ e $f_n(t) = 1 - n \cdot |t - n|$ per $|t - n| \leq 1/n$. Quale è vera? A Qualche f_n è discontinua. B La successione $(f_n)_{n=0}^{\infty}$ converge uniformemente. C La successione $(f_n)_{n=0}^{\infty}$ converge puntualmente a un limite discontinuo. D La successione $(f_n)_{n=0}^{\infty}$ converge puntualmente ma non uniformemente a un limite continuo.
- Se $z = x + iy$, quanto fa la parte immaginaria di $\bar{z} \cdot e^{iz}$? A $e^{-y}(x \cos(x) - y \sin(x))$. B $e^{-y}(x \cos(x) + y \sin(x))$. C $e^{-y}(x \sin(x) - y \cos(x))$. D $e^{-y}(x \sin(x) + y \cos(x))$.
- $\frac{z+i}{z-i}$ è immaginario puro se: A $z = 0$. B $z = i$. C $|z| = 1$. D $|z| = 2$.
- Se f ha in z_0 un polo di ordine 3 e $g(z) = f(z)^2$, quale è giusta sulla g in z_0 ? A È olomorfa. B Ha un polo di ordine 3. C Ha un polo di ordine 6. D Ha un polo di ordine 9.
- Sia $f : [-\pi, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$ continua e siano a_n e b_n i coefficienti di Fourier di f rispetto ai coseni ed ai seni rispettivamente. Sia $\tilde{f}(t) = f(-t)$ e siano \tilde{a}_n e \tilde{b}_n i coefficienti di Fourier di \tilde{f} . Quale è vera? A $\tilde{a}_n = a_n, \tilde{b}_n = b_n$. B $\tilde{a}_n = a_n, \tilde{b}_n = -b_n$. C $\tilde{a}_n = -a_n, \tilde{b}_n = b_n$. D $\tilde{a}_n = -a_n, \tilde{b}_n = -b_n$.

Il foglio deve essere intestato immediatamente con nome, cognome e matricola. Deve essere esibito il libretto o un documento. Non è concesso alzarsi prima del termine né chiedere chiarimenti. I telefoni devono essere mantenuti spenti. Sul tavolo è consentito avere solo i fogli forniti e una penna. Prima di consegnare bisogna annotare le risposte date sul foglio fornito. Le domande V/F valgono ± 3 punti, le altre $+3/-1$ punti. Le risposte omesse valgono 0. Va consegnato questo foglio.

1.♥ 2.◇ 3.♣ 4.♠ 5.♥ 6.♥ 7.◇ 8.♣ 9.♠ 10.♥ 11.♥ 12.◇ 13.♣ 14.♠ 15.♥



Risposte esatte

5. ♣ 11. ♠

1. V

2. F

3. F

4. F

5. V

6. C

7. A

8. B

9. A

10. D

11. D

12. C

13. C

14. C

15. B



“Matematica III 00/01” + “Matematica 99/00” – Quiz del 27/01/01

Nome _____ Cognome _____ Matricola _____

Pro-memoria delle risposte fornite (da non consegnare)

1. V F
2. V F
3. V F
4. V F
5. V F
6. A B C D
7. A B C D
8. A B C D
9. A B C D
10. A B C D
11. A B C D
12. A B C D
13. A B C D
14. A B C D
15. A B C D

1.♥ 2.◇ 3.♣ 4.♠ 5.♥ 6.♥ 7.◇ 8.♣ 9.♠ 10.♥ 11.♥ 12.◇ 13.♣ 14.♠ 15.♥