## Compito di Analisi Matematica, Seconda parte, Tema 1 $19~\mathrm{luglio}~2019$

COGNOME:	NOME:	MATR.:

Esercizio 1. Al variare del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  determinare il comportamento dei due integrali

$$(a) \int_0^1 \frac{(\tan(x))^{\alpha}}{1 - \cos(1 - e^x)} dx; \quad (b) \int_1^{+\infty} \left(\arctan\left(\frac{\alpha}{x}\right) + \ln\left(1 + \frac{3}{x}\right)\right) dx$$

Istruzioni: Verranno corrette solo le risposte scritte su questo foglio. La soluzione di ogni esercizio deve essere giustificata con i passaggi fondamentali del procedimento e scritta nello spazio bianco sotto ad ogni esercizio.

Esercizio 2. Al variare del parametro  $\lambda \in \mathbb{R}$  determinare la soluzione generale dell'equazione differenziale

$$y''(x) + \lambda y'(x) + 4y(x) = \cos(x), \quad y(0) = 0.$$

Stabilire poi per quali  $\lambda$  la soluzione generale è una funzione limitata su  $\mathbb{R}$ .

## Esercizio 3.

- (1) Determinare tutte le soluzioni complesse z di  $z^2 + (1+i)z + i = 0$  e trovarne le radici terze (complesse).
- (2) Utilizzare il risultato sopra per risolvere il sistema

$$\begin{cases} w - \bar{w} + |w| = \bar{z}^2 + 1 \\ z^2 + (1+i)z + i = 0 \end{cases}$$

Esercizio 4. Data la funzione  $\ln\left(\frac{2x+5}{x-4}\right)$  determinarne dominio, eventuali asintoti, massimi e minimi locali e zone di convessità.