Ingegneria Edile-Architettura e Ingegneria Design Industriale

Test di Geometria

Tempo a disposizione: 20 minuti

14 Gennaio 2022

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

Stabilire se le seguenti proposizioni sono vere o false:

Proposizione		Falsa
1) Se $z = 3 - 2i$ e $w = 1 + i$ allora $\frac{\overline{z}}{w} = \frac{5+i}{2}$.		
2) Se A è una matrice 2×2 allora $\det(3 \cdot A) = 6 \cdot \det(A)$.		
3) Sia $T: \mathbb{R}^8 \to \mathbb{R}^6$ un'applicazione lineare con dim $(\ker(T)) = 4$ allora dim $(\operatorname{Im}(T)) = 2$.		
4) Ogni sistema lineare omogeneo con 2 equazioni e 3 incognite ha infinite soluzioni.		
5) Se un'appl. lineare $T: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$ è tale che $T\begin{pmatrix} 1\\1 \end{pmatrix} = T\begin{pmatrix} 0\\0 \end{pmatrix}$ allora T non è iniettiva.		
6) Qualunque insieme di tre vettori di \mathbb{R}^2 è un insieme di generatori.		
7) Se v è autovettore di autovalore λ allora $3v$ è autovettore di autovalore 3λ .		
8) Esistono applicazioni lineari $T: \mathbb{R}^4 \to \mathbb{R}^5$ suriettive.		
9) Se λ_1 è autovalore di A e λ_2 è autovalore di B allora $\lambda_1\lambda_2$ è autovalore di AB .		
10) Le soluzioni speciali di un sistema lineare sono vettori linearmente indipendenti.		
11) $v = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}$ è un autovettore di $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$.		
12) La composizione di due funzioni iniettive è iniettiva.		

¹⁾ \overline{z} è il coniugato di z.

²⁾ $\stackrel{\circ}{3} \cdot A$ è la matrice ottenuta moltiplicando per 3 tutti i termini di A.